

**Analisi Matematica 2**  
**Facoltà di Ingegneria, Brescia, A.A. 12/13 - Scritto n. 2**

Matricola:

Cognome: ..... Nome: .....

Domanda:	1	2	3	4	5	6	7	8
Risposta:	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>	<input style="width: 30px; height: 30px; border: 1px solid black;" type="text"/>

Per ognuna delle 8 domande sono suggerite 4 risposte. Una sola è esatta. Per ogni risposta esatta, vengono assegnati 4 punti. Per ogni risposta sbagliata -1/2. Per ogni risposta non data -1/4.

1. Sia  $\varphi: I \rightarrow \mathbf{R}$  la soluzione massimale del Problema di Cauchy  $\begin{cases} \dot{x} = x \cotg t + \frac{1}{2} \sen(2t) \\ x(\pi/2) = 1 \end{cases}$ . Quale/i delle seguenti affermazioni è/sono certamente vera/e?

- (1)  $\lim_{t \rightarrow 0} \varphi(t) = 1.$   
 (2)  $\varphi$  è una funzione pari.

- |   |                             |
|---|-----------------------------|
| 1.A Solo la prima.                            | Solo la seconda. <b>1.B</b> |
| 1.C Nessuna delle altre affermazioni è esatta | Entrambe. <b>1.D</b>        |

2. Siano  $(X, d)$  uno spazio metrico,  $A$  un sottoinsieme di  $X$ ,  $x_o$  un punto di  $A$  e di accumulazione per  $A$  ed  $f: A \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione. Quale/i delle seguenti affermazioni è/sono certamente vera/e?

- (1) Se  $\lim_{x \rightarrow x_o} |f(x) - f(x_o)| = 0 \Rightarrow f$  è continua in  $x_o$   
 (2) Se  $f$  è continua in  $x_o \Rightarrow \lim_{x \rightarrow x_o} |f(x) - f(x_o)| = 0$

- |   |                             |
|---|-----------------------------|
| 2.A Entrambe.                                 | Solo la seconda. <b>2.B</b> |
| 2.C Nessuna delle altre affermazioni è esatta | Solo la prima. <b>2.D</b>   |

3. Siano  $f, g \in \mathbf{C}^1(\mathbf{R}^2; \mathbf{R}^2)$  funzioni che soddisfano alle Ipotesi del Teorema della Funzione Inversa in  $(2, 5)$  e tali che  $f(2, 5) = g(2, 5) = (2, 5)$ . Quale/i delle seguenti affermazioni è/sono certamente vera/e?

- (1)  $f - g$  soddisfa alle Ipotesi del Teorema della Funzione Inversa in  $(2, 5)$   
 (2)  $f + g$  soddisfa alle Ipotesi del Teorema della Funzione Inversa in  $(2, 5)$

- |                    |  |
|--------------------|--|
| 3.A Solo la prima. | Solo la seconda. <b>3.B</b>                          |
| 3.C Entrambe.      | Nessuna delle altre affermazioni è esatta <b>3.D</b> |

4. Si consideri l'equazione integrale  $x(t) = \pi + \int_2^t (3x(\tau) - 14) d\tau$ . Quale/i delle seguenti affermazioni è/sono certamente vera/e?

(1) Non ammette soluzioni definite su tutto  $\mathbf{R}$ .

(2) Ammette una soluzione illimitata.

4.A Solo la seconda.

Solo la prima. **4.B**

4.C Nessuna delle altre affermazioni è esatta

Entrambe. **4.D**

5. Dato  $A = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : x^2 + y^2 < \pi/2\}$ , sia  $g: A \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $g(x, y) = \operatorname{sentg}(x^2 + y^2)$ . La funzione  $f: \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}$  data da  $f(x, y) = 4x + 3y$  vincolata a  $g(x, y) = 1$

5.A Nessuna delle altre affermazioni è esatta

5.B Non ammette punti di massimo.

5.C Ammette una successione convergente di punti di minimo distinti.

5.D Ammette una successione illimitata di punti di massimo.

6. Sia  $f(x, y) = \int_0^x e^{ty} dt$ . Quale/i delle seguenti affermazioni è/sono certamente vera/e?

(1)  $f$  è definita e continua su  $\mathbf{R}^2$ .

(2)  $f$  è derivabile parzialmente rispetto a  $x$  su  $\mathbf{R}^2$ .

6.A Nessuna delle altre affermazioni è esatta

Solo la seconda. **6.B**

6.C Solo la prima.

Entrambe. **6.D**

7. Sia  $A = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : x^2 + y^2 \in [1, 4] \text{ e } y \leq 0\}$ . Allora  $\iint_A \left( \frac{(x^2 + y^2)^{-2} x^2 + x \sinh y}{1 + \ln \sqrt{x^2 + y^2}} \right) dx dy =$

7.A  $\pi \ln 16$

$(\pi/2) \ln(1 + \ln 2)$  **7.B**

7.C Nessuna delle altre affermazioni è esatta

$1 - (\pi/2) + \pi \ln 16$  **7.D**

8. Sia  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  periodica di periodo  $2\pi$  e definita da  $f(x) = \begin{cases} 5 & \text{se } x \in ]0, \pi[ \\ 0 & \text{se } x \in \{0, \pi\} \\ -5 & \text{se } x \in ]-\pi, 0[ \end{cases}$ . Detti  $a_k, b_k$  i coefficienti di

Fourier di  $f$ , si ha:

8.A Nessuna delle altre affermazioni è esatta

$a_9 + b_3 + b_7 = 5/\pi$  **8.B**

8.C  $a_7 + b_4 + b_8 = 5/\pi$

$a_5 + b_8 + b_5 = 4/\pi$  **8.D**

Analisi Matematica 2  
Facoltà di Ingegneria, Brescia, A.A. 12/13 - Scritto n. 2

Risposte esatte:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

Compito A: B A D A C D B D